



# **Controllo dei robot**

## **Controllo con sensori esterni**

**Prof. Paolo Rocco (paolo.rocco@polimi.it)**

---

## **Controllo con sensori esterni**

---



### **Parte I**

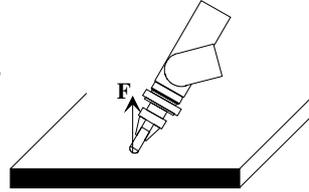
### **Controllo dell'interazione**

## Interazione con l'ambiente



Un robot si trova comunemente ad interagire con l'ambiente di lavoro, manipolando oggetti o compiendo operazioni su superfici (si pensi a finitura, sbavatura, lavorazioni di parti meccaniche, assemblaggio).

L'ambiente circostante di norma pone dei vincoli di natura geometrica al moto del manipolatore: si sviluppa quindi un *moto vincolato*.



Utilizzare in queste condizioni una strategia di controllo puramente posizionale (la stessa adottata nel moto libero) può comportare problemi a seguito di errori di posizionamento e di incertezze nella pianificazione del compito, dovute ad una conoscenza non completa dell'ambiente.

È allora opportuno adottare strategie di controllo che tengano opportunamente conto delle **forze** che si generano al contatto.

Per questo occorre utilizzare dispositivi per la **misura delle forze** (e dei momenti): sono disponibili in commercio sensori che misurano tre componenti di forza e tre di momento.

Controllo dei robot - Controllo con sensori esterni - P. Rocco [3]

## Impedenza meccanica



Il flusso di potenza tra due sistemi fisici è sempre definibile come il prodotto di due grandezze coniugate: uno **sforzo** (generalizzato) e un **flusso** (generalizzato).

Nel contesto elettrico, il flusso è la corrente mentre lo sforzo è la tensione. Nel contesto meccanico, invece, il flusso è la velocità (lineare o angolare), lo sforzo è la forza (o il momento).

L'**impedenza meccanica** è quindi definita come una relazione dinamica che intercorre tra la forza e la velocità (o lo spostamento) per un sistema meccanico.

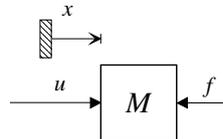
Il **controllo d'impedenza** mira in particolare a fare in modo che il manipolatore, controllato in posizione e in interazione con l'ambiente, manifesti il comportamento di un'impedenza, assimilabile ad un sistema massa-molla-smorzatore generalizzato.

Controllo dei robot - Controllo con sensori esterni - P. Rocco [4]

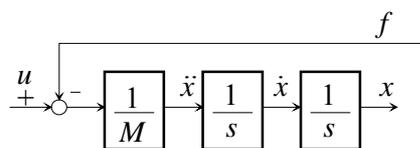
## Un sistema a 1 g.d.l.



Per comprendere come opera un controllo di impedenza, consideriamo inizialmente il semplice esempio di un corpo di massa  $M$  in interazione con l'ambiente, che esercita una forza  $f$ .



Il sistema può essere modellato con lo schema a blocchi:



**Non viene specificato il modello di interazione con l'ambiente**

## Un sistema a 1 g.d.l.



Consideriamo una legge di **controllo del moto** a dinamica inversa:

$$u = Mv$$

con:

$$v = \ddot{x}_d + K_D \dot{\tilde{x}} + K_P \tilde{x}$$

dove:

$$\tilde{x} = x_d - x$$

Si ottiene la dinamica in anello chiuso:

$$M\ddot{\tilde{x}} + D_d \dot{\tilde{x}} + K_d \tilde{x} = f$$

avendo posto:  $D_d = MK_D$ ,  $K_d = MK_P$

L'equazione stabilisce un legame di impedenza meccanica tra la forza agente sul sistema e l'errore di posizione.

Tuttavia la componente inerziale dell'impedenza ( $M$ ) non può essere assegnata arbitrariamente.

## Un sistema a 1 g.d.l.



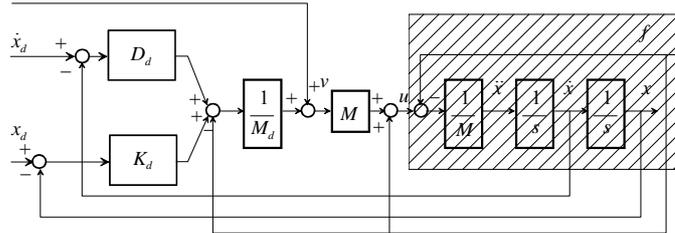
Si supponga ora di **misurare la forza**  $f$  e si ponga:

$$u = Mv + f$$

con:

$$v = \frac{1}{M_d} (M_d \ddot{x}_d + D_d \dot{\tilde{x}} + K_d \tilde{x} - f)$$

cui corrisponde lo schema a blocchi:



La dinamica in anello chiuso è:

$$M_d \ddot{\tilde{x}} + D_d \dot{\tilde{x}} + K_d \tilde{x} = f$$

È una **relazione di impedenza** in cui tutte le componenti sono arbitrariamente assegnabili.

Controllo dei robot - Controllo con sensori esterni - P. Rocco [7]

## Controllo a dinamica inversa



Passiamo ora al manipolatore completo. Il modello dinamico in interazione con l'ambiente è descritto dall'equazione:

$$B(q)\ddot{q} + C(q, \dot{q})\dot{q} + g(q) = \tau - J^T(q)h$$

dove  $h$  è il vettore delle forze (e dei momenti) di contatto esercitate dall'organo terminale sull'ambiente.

Si consideri ora l'adozione di una legge di controllo a dinamica inversa:

$$\tau = B(q)v + C(q, \dot{q})\dot{q} + g(q)$$

Sostituendo si ottiene:

$$\ddot{q} = v - B^{-1}(q)J^T(q)h$$

← termine non lineare di accoppiamento

Controllo dei robot - Controllo con sensori esterni - P. Rocco [8]

## Controllo di impedenza



Adottiamo ora per  $\mathbf{v}$  l'espressione utilizzata nel controllo a dinamica inversa nello spazio operativo:

$$\mathbf{v} = \mathbf{J}_A^{-1}(\mathbf{q})\left(\ddot{\mathbf{x}}_d + \mathbf{K}_D\dot{\tilde{\mathbf{x}}} + \mathbf{K}_P\tilde{\mathbf{x}} - \dot{\mathbf{J}}_A(\mathbf{q}, \dot{\mathbf{q}})\dot{\mathbf{q}}\right)$$

Sostituendo l'espressione di  $\mathbf{v}$  si ottiene l'equazione della dinamica in anello chiuso:

$$\ddot{\tilde{\mathbf{x}}} + \mathbf{K}_P\dot{\tilde{\mathbf{x}}} + \mathbf{K}_D\tilde{\mathbf{x}} = \mathbf{B}_A^{-1}(\mathbf{q})\mathbf{h}_A$$

dove  $\tilde{\mathbf{x}} = \mathbf{x}_d - \mathbf{x}$ , mentre:

$$\mathbf{B}_A(\mathbf{q}) = \mathbf{J}_A^{-T}(\mathbf{q})\mathbf{B}(\mathbf{q})\mathbf{J}_A^{-1}(\mathbf{q})$$

è la matrice di inerzia nello spazio operativo e:

$$\mathbf{h}_A = \mathbf{T}_A^T(\mathbf{x})\mathbf{h} \quad \mathbf{J} = \mathbf{T}_A(\mathbf{x})\mathbf{J}_A$$

Si è ottenuta una relazione di impedenza accoppiata e solo parzialmente assegnabile.

## Controllo di impedenza con misura di forza



Se si dispone delle misure di forza, si può porre:

$$\boldsymbol{\tau} = \mathbf{B}(\mathbf{q})\mathbf{v} + \mathbf{C}(\mathbf{q}, \dot{\mathbf{q}})\dot{\mathbf{q}} + \mathbf{g}(\mathbf{q}) + \mathbf{J}^T(\mathbf{q})\mathbf{h}$$

e:

$$\mathbf{v} = \mathbf{J}_A^{-1}(\mathbf{q})\mathbf{M}_d^{-1}\left(\mathbf{M}_d\ddot{\mathbf{x}}_d + \mathbf{D}_d\dot{\tilde{\mathbf{x}}} + \mathbf{K}_d\tilde{\mathbf{x}} - \mathbf{M}_d\dot{\mathbf{J}}_A(\mathbf{q}, \dot{\mathbf{q}})\dot{\mathbf{q}} - \mathbf{h}_A\right)$$

dove  $\mathbf{M}_d$ ,  $\mathbf{D}_d$ ,  $\mathbf{K}_d$  sono matrici definite positive diagonali.

Si ottiene:

$$\mathbf{M}_d\ddot{\tilde{\mathbf{x}}} + \mathbf{D}_d\dot{\tilde{\mathbf{x}}} + \mathbf{K}_d\tilde{\mathbf{x}} = \mathbf{h}_A$$

ovvero un sistema **completamente disaccoppiato**.

## Controllo di impedenza



L'equazione:

$$\mathbf{M}_d \ddot{\tilde{\mathbf{x}}} + \mathbf{D}_d \dot{\tilde{\mathbf{x}}} + \mathbf{K}_d \tilde{\mathbf{x}} = \mathbf{h}_A$$

definisce un legame di **impedenza meccanica** tra le forze definite nel membro di destra dell'equazione e gli errori di posizione nello spazio operativo.

Questa impedenza è assimilabile a un sistema meccanico con matrice di massa  $\mathbf{M}_d$ , di smorzamento  $\mathbf{D}_d$ , e di rigidità  $\mathbf{K}_d$ .

Si può quindi specificare il comportamento dinamico lungo ciascuna direzione dello spazio operativo.

Quando si manifesta un errore di posizione dovuto all'interazione con l'ambiente, il sistema reagisce facendo in modo che la forza d'interazione sia legata all'errore dalla precedente relazione.

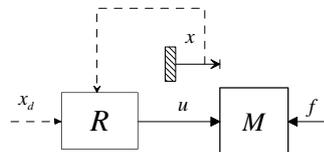
Si osservi che per derivare la legge di controllo non si è fatto alcun modello dell'interazione con l'ambiente.

## Controllo di impedenza implicito

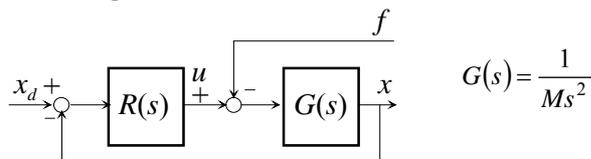


Quando è già presente nel sistema meccanico un controllo di tipo posizionale, può risultare conveniente chiudere il controllore di impedenza **all'esterno del controllo di posizione**.

Consideriamo, per semplicità, solo il caso di sistema a singolo grado di libertà, controllato in posizione:



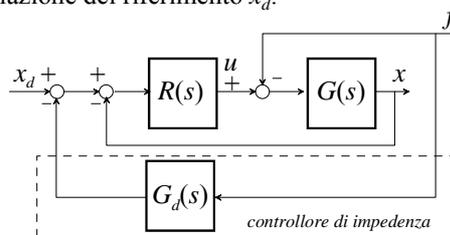
Il sistema può essere modellato con lo schema a blocchi:



## Controllo di impedenza implicito



Consideriamo il seguente schema a blocchi, in cui la forza  $f$  esercitata dall'ambiente è misurata e filtrata attraverso un sistema di funzione di trasferimento  $G_d(s)$ , per dar luogo ad una variazione del riferimento  $x_d$ :



Elaborando lo schema a blocchi:

$$x = \frac{G(s)}{1 + R(s)G(s)} f + (x_d - G_d(s)f) \frac{R(s)G(s)}{1 + R(s)G(s)}$$

## Controllo di impedenza implicito



In un insieme di pulsazioni interne alla banda passante del sistema di controllo di posizione possiamo assumere il disturbo di forza ben attenuato e il riferimento di posizione correttamente inseguito.

Pertanto:

$$x \approx x_d - G_d(s)f \quad \Longrightarrow \quad f = G_d(s)^{-1} \tilde{x}$$

Se imponiamo:

$$G_d(s) = \frac{1}{M_d s^2 + D_d s + K_d}$$

conferiamo al manipolatore il comportamento di un sistema **massa, molla e smorzatore**.

Il vantaggio di questo schema è che si mantiene inalterato il controllo posizionale: il controllo di impedenza **modifica i riferimenti del controllo di posizione**, il che è di norma l'unica apertura consentita da un'architettura di controllo industriale.

## Vincoli naturali e vincoli artificiali



Per la realizzazione di un compito di manipolazione è importante che i riferimenti di posizione e di forza siano assegnati in maniera congruente all'ambiente. Alcune direzioni possono essere infatti soggette a vincoli sulla posizione, altre a vincoli sulle forze che si possono manifestare. In generale inoltre non è possibile imporre sia la forza, sia la posizione, lungo la stessa direzione.

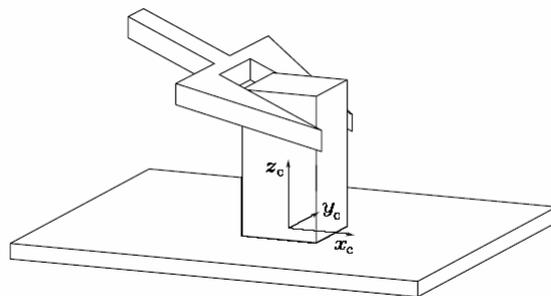
Operiamo una distinzione:

**Vincoli naturali:** sono imposti dall'ambiente lungo ciascun grado di libertà del compito; dipendono dalla geometria del compito.

**Vincoli artificiali:** vincoli alle variabili imposti dal controllo, in relazione alla strategia di esecuzione del compito.

Per la descrizione del compito, ci riferiremo ad una **terna di vincolo**  $x_c, y_c, z_c$ . Vedremo nel seguito alcuni esempi.

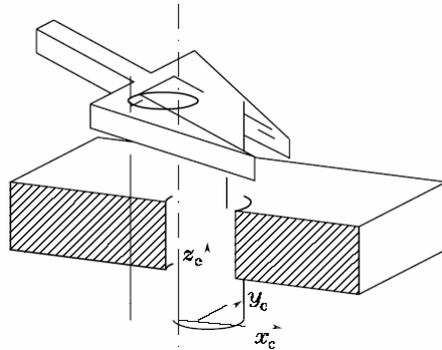
## Scivolamento su superficie piana



Vincoli Naturali	Vincoli Artificiali
$\dot{p}_z^c$	$f_z^c$
$\omega_x^c$	$\mu_x^c$
$\omega_y^c$	$\mu_y^c$
$f_x^c$	$\dot{p}_x^c$
$f_y^c$	$\dot{p}_y^c$
$\mu_z^c$	$\omega_z^c$

Il disegno è tratto dal testo:  
L. Sciavicco, B. Siciliano  
Robotica industriale – Modellistica e controllo di robot manipolatori (2a ed.)  
Mc Graw-Hill, 2000

## Inserimento in foro cilindrico

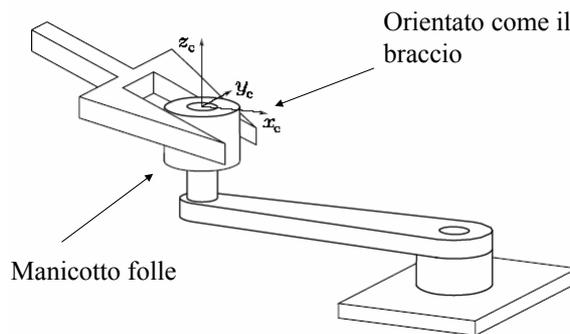


Vincoli Naturali	Vincoli Artificiali
$\dot{p}_x^c$	$f_x^c$
$\dot{p}_y^c$	$f_y^c$
$\omega_x^c$	$\mu_x^c$
$\omega_y^c$	$\mu_y^c$
$f_z^c$	$\dot{p}_z^c$
$\mu_z^c$	$\omega_z^c$

Di norma si impone  $\dot{p}_z^c \neq 0$  e tutti gli altri vincoli artificiali nulli.

Il disegno è tratto dal testo:  
L.Sciavicco, B.Siciliano  
Robotica industriale – Modellistica e controllo di robot manipolatori (2a ed.)  
Mc Graw-Hill, 2000

## Rotazione di una manovella



Vincoli Naturali	Vincoli Artificiali
$\dot{p}_x^c$	$f_x^c$
$\dot{p}_z^c$	$f_z^c$
$\omega_x^c$	$\mu_x^c$
$\omega_y^c$	$\mu_y^c$
$f_y^c$	$\dot{p}_y^c$
$\mu_z^c$	$\omega_z^c$

Di norma si impongono nulli i vincoli artificiali su forze e momenti.

Il disegno è tratto dal testo:  
L.Sciavicco, B.Siciliano  
Robotica industriale – Modellistica e controllo di robot manipolatori (2a ed.)  
Mc Graw-Hill, 2000

## Controllo ibrido forza/posizione



Da quanto emerso con la descrizione del compito in termini di vincoli naturali ed artificiali, appare evidente che l'azione di controllo non deve avere effetto sulle variabili già sottoposte a vincoli naturali.

Il **controllo ibrido forza/posizione** è una strategia di controllo che utilizza i vincoli artificiali per specificare gli obiettivi del sistema di controllo, in termini sia di forza sia di posizione.

Per specificare i vincoli si utilizza una **matrice di selezione**  $\Sigma$  diagonale e avente elementi nulli o unitari :

### Vincoli naturali

$$\Sigma v^c = v_n^c \quad (I - \Sigma)h^c = h_n^c$$

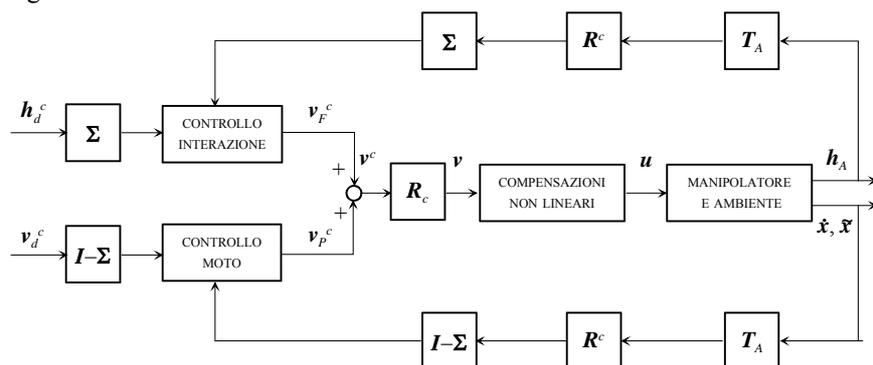
### Vincoli artificiali

$$(I - \Sigma)v^c = v_a^c \quad \Sigma h^c = h_a^c$$

## Controllo ibrido forza/posizione



Uno schema di principio del controllo ibrido forza/posizione può essere il seguente:

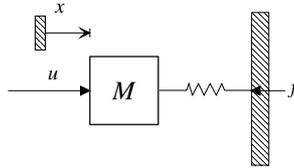


Si osservi che questo schema richiede una pianificazione del compito molto accurata.

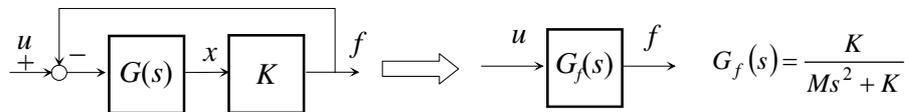
## Un sistema a 1 g.d.l.



Anche in questo caso, per comprendere più a fondo come opera il controllo lungo le direzioni controllate in forza, consideriamo il semplice esempio di una corpo di massa  $M$  in interazione con l'ambiente.

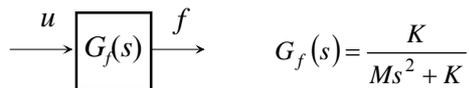


Schema a blocchi:



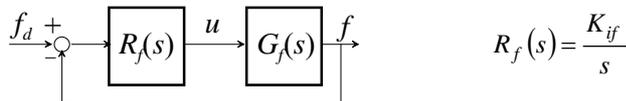
Controllo dei robot - Controllo con sensori esterni - P. Rocco [21]

## Un sistema a 1 g.d.l.



Il sistema presenta guadagno pari a 1 e dinamica, di alta frequenza per contatto molto rigido, risonante. Si osservi che risulta  $f = u$  per  $K \rightarrow \infty$ .

Il modo migliore per controllare questo sistema è per mezzo di un **controllore integrale**:



In questo modo si impone la banda del sistema di controllo di forza direttamente con l'integratore, relegando fuori banda la dinamica di alta frequenza dell'interazione con l'ambiente.

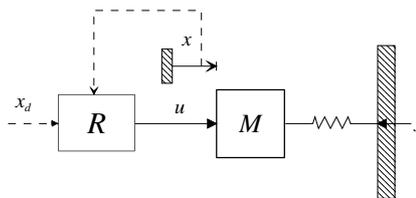
Controllo dei robot - Controllo con sensori esterni - P. Rocco [22]

## Controllo di forza implicito

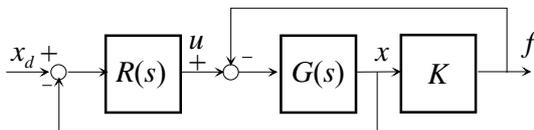


Come per il controllo di impedenza, quando è già presente nel sistema meccanico un controllo di tipo posizionale, può risultare conveniente chiudere il controllore di forza **all'esterno del controllo di posizione**.

Consideriamo, per semplicità, solo il caso di sistema a singolo grado di libertà, controllato in posizione:



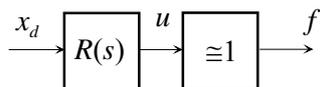
Il sistema può essere modellato con lo schema a blocchi:



## Controllo di forza implicito

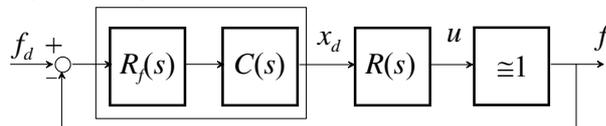


Nell'ipotesi di contatto infinitamente rigido ( $K \rightarrow \infty$ ) si ottiene  $x=0$  e  $f \cong u$ :



Se il controllore di posizione è un PID: 
$$R(s) = \frac{K_D s^2 + K_P s + K_I}{s}$$

si può usare per il controllo di forza lo schema:



con:

$$C(s) = \frac{1}{K_D s^2 + K_P s + K_I}, \quad R_f(s) = K_{pf} + \frac{K_{if}}{s}$$

Anche in questo caso il vantaggio è che resta inalterato il sistema di controllo posizionale.



### Parte II

### Controllo di visione

## Misure visive

---



Gli organi di visione artificiale sono sensori utili per la robotica poiché imitano il senso umano della vista e consentono misure dell'ambiente senza il contatto. Oggi esistono diversi controllori robotici che integrano sistemi di visione.

Tipicamente la visione e la manipolazione vengono combinate in una tecnica ad anello aperto: il sistema di visione guida il sistema di controllo posizionale. Si parla in questo caso di tecniche **look-and-move**.



Alternativamente, le misure visive possono essere utilizzate direttamente in un anello di retroazione per realizzare il controllo di posizione in anello chiuso dell'organo terminale.

Si parla in questo caso di tecniche di **visual servoing**.

## La telecamera



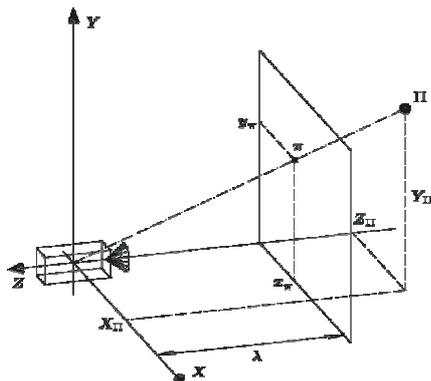
Una **telecamera** è un dispositivo in grado di misurare l'intensità della luce, concentrata da una lente su un piano, il **piano immagine**, contenente una matrice di pixel (CCD: Charge Coupled Device) che trasformano l'energia luminosa in energia elettrica.

La telecamera effettua quindi una **proiezione 2D** della scena inquadrata. Questa proiezione causa una perdita delle informazioni di profondità: ciascun punto nel piano immagine corrisponde ad un raggio nello spazio 3D.

Per determinare le coordinate 3D di un punto corrispondente ad un punto 2D nel piano occorrono informazioni aggiuntive:

- viste multiple con una singola telecamera
- telecamere multiple
- conoscenza di relazioni geometriche tra punti caratteristici di un oggetto

## Proiezione prospettica



Un punto di coordinate  $(X, Y, Z)$  nel sistema di riferimento della telecamera viene proiettato nel punto del piano immagine:

$$\xi = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = -\alpha \frac{\lambda}{Z} \begin{bmatrix} X \\ Y \end{bmatrix}$$

$\lambda$ : distanza focale

$\alpha$ : fattore di scala in pixel/m

Esistono anche altri modelli per rappresentare la proiezione sul piano 2D (proiezione affine, proiezione ortografica).

## Caratteristiche dell'immagine



Nel gergo della visione artificiale si indica con caratteristica dell'immagine (“**image feature**”), ogni caratteristica che può essere estratta da un'immagine (per esempio uno spigolo o un angolo).

Si definisce poi **parametro** di un' image feature una quantità, espressa da un valore numerico reale, che può essere calcolata a partire da una o più image feature.

I parametri dell' image feature possono essere raccolti in un vettore

$$\xi = [\xi_1, \xi_2, \dots, \xi_k].$$

Esempi di parametri di un' image feature:

- coordinate di punti;
- lunghezza ed orientamento di una retta congiungente due punti;
- centroidi e momenti di ordine superiore;
- parametri di un'ellisse.

## Estrazione delle image features



L'immagine occupa diversi Mbyte di memoria



Le features significative possono essere codificate in qualche Kbyte

## Calibrazione



La telecamera utilizzata in un sistema di visione robotico deve essere calibrata.

### Calibrazione interna:

Determinazione dei parametri intrinseci della telecamera e di parametri addizionali di distorsione, dovuti ad imperfezioni della lente e a disallineamenti del sistema ottico.

### Calibrazione esterna:

Determinazione dei parametri estrinseci della telecamera quali la posizione e l'orientamento della telecamera rispetto ad un sistema di riferimento.

## Configurazione della telecamera



eye in hand

La telecamera è montata sull'end effector: c'è una relazione fissa tra la posizione della telecamera e quella dell'end effector



eye out hand

La telecamera è fissa nello spazio di lavoro.

*Le immagini sono tratte da una presentazione dei proff. Praticchizzo dell'Università di Siena e Villani dell'Università di Napoli*

## Configurazione del sistema di visione



**Endpoint Open-Loop (EOL):** il sistema di visione osserva solo il target. L'accuratezza nel posizionamento dell'end effector rispetto al target dipende dall'accuratezza della relazione cinematica tra telecamera e end effector

**Endpoint Closed-Loop (ECL):** il sistema di visione osserva sia il target, sia l'end effector. L'accuratezza nel posizionamento dell'end effector rispetto al target non dipende dall'accuratezza della relazione cinematica tra telecamera e end effector

## Architetture di controllo: classificazioni



Si possono classificare i sistemi di controllo di visione secondo diverse tassonomie. Una prima distinzione risponde alla seguente domanda:

*La struttura di controllo è gerarchica, ovvero il sistema di visione definisce i setpoint per gli anelli di controllo di posizione a più basso livello, oppure il controllore servo visivo calcola direttamente i comandi agli attuatori?*

Nel primo caso: **dynamic look and move.**

Nel secondo caso: **visual servoing diretto.**

Vantaggi della tecnica dynamic look and move:

- i bassi tempi di campionamento del segnale visivo non compromettono le prestazioni del controllo posizionale
- in molte architetture di controllo è consentito intervenire solo a livello dei setpoint dei controllori di posizione
- il robot viene visto dal sistema di controllo visivo come un posizionatore ideale nello spazio operativo.

## Architetture di controllo: classificazioni



Una seconda distinzione risponde alla seguente domanda:

*Il segnale errore è definito in termini di coordinate 3D (nello spazio operativo) o direttamente in termini di image features?*

Nel primo caso: controllo **position based**.

Nel secondo caso: controllo **image based**.

Nell'approccio position based, le feature estratte dall'immagine sono usate, in connessione con un modello geometrico del target e con il modello della telecamera, per stimare la postura del target rispetto alla telecamera.

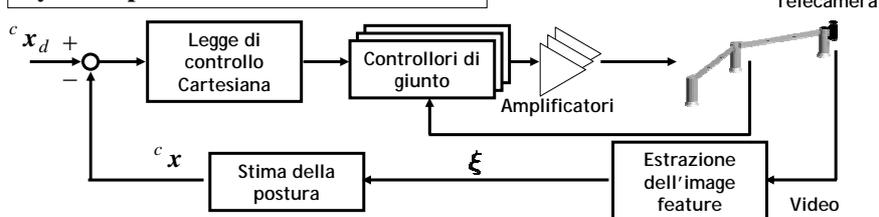
L'approccio image based, in cui l'uscita del controllore di visione è prodotta direttamente sulla base dell'errore nel piano immagine, può ridurre i ritardi di calcolo, la necessità di interpretazione dell'immagine, e può eliminare gli errori dovuti alla modellazione del sensore di visione e alla calibrazione della telecamera. Il progetto del controllore però si complica, per effetto delle non linearità del sistema.

Controllo dei robot - Controllo con sensori esterni - P. Rocco [35]

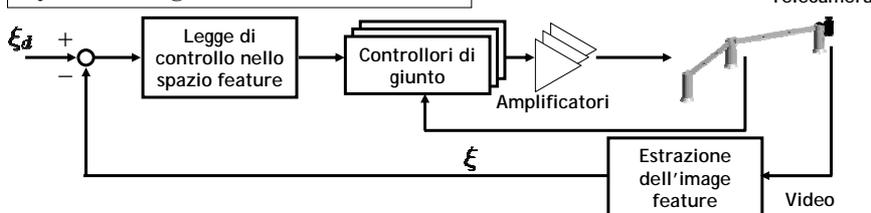
## Le architetture di controllo tipiche



### Dynamic position-based look-and-move



### Dynamic image-based look-and-move

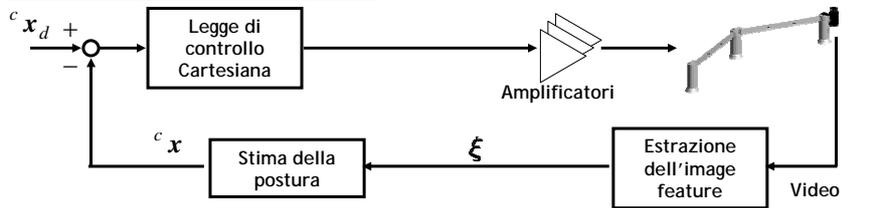


Controllo dei robot - Controllo con sensori esterni - P. Rocco [36]

# Le architetture di controllo tipiche



## Position-based visual servoing



## Image-based visual servoing

